

黑、红色字需要掌握，其他颜色字为补充内容，视个人情况选用

在用 rpm 和用 rad/s 时  $C_{ef} \neq K_2$ ，若发现  
此种错误敬请指出，谢谢！

引言：控制系统的硬件组成： 控制器与驱动器、测量元件、校正(补偿)元件、执行机构

Lec 1

磁路基础：

Lec 2

$$B = \mu H \quad (\mu = \mu_0 \mu_r) \quad \phi = BS \quad (\vec{B} \cdot \vec{A}) \quad F_m = N_i \quad (\text{磁动势}) \quad U_m = Hl \quad (\text{磁压}) = \frac{Bl}{\mu} = \frac{\phi l}{\mu S}$$

$$\sum_i \phi_i = 0 \quad (\text{基尔霍夫磁通定律, 类比 KCL})$$

$$\text{具有相同单位} = \phi R_m \quad (R_m = \frac{l}{\mu S})$$

$$\sum_i N_i = \sum_i H_i l_i = \sum_i U_m i = \sum_i R_m i \phi_i \quad (\text{基尔霍夫磁位差定律, 类比 KVL})$$

$$e = - \frac{d\phi}{dt} = Blv \quad (\text{单匝})$$

$$\vec{F} = q\vec{v} \times \vec{B} \rightarrow F = BIl \quad (\text{宏观电磁力, } B, I, L \text{ 三者垂直}) \quad T_e = BIlr \quad F_{em} = \frac{1}{2} \phi_s^2 \frac{dR_s}{ds}$$

圆柱面磁场间的力矩： $T = k \sin(p\theta)$ ,  $p$  为极对数。

## 直流电机：(共11个问题)

### 1. 结构图

Lec 3

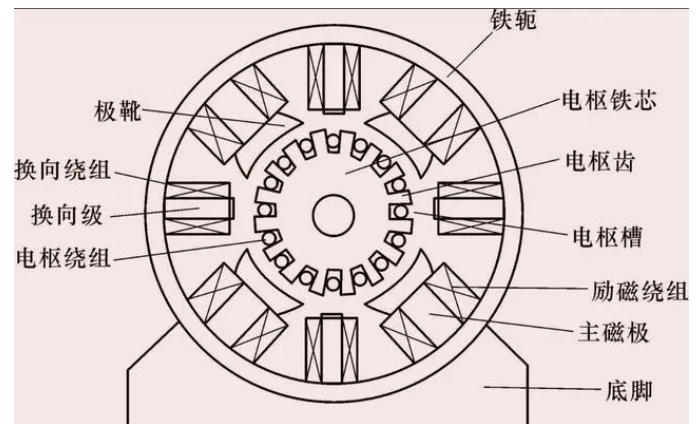
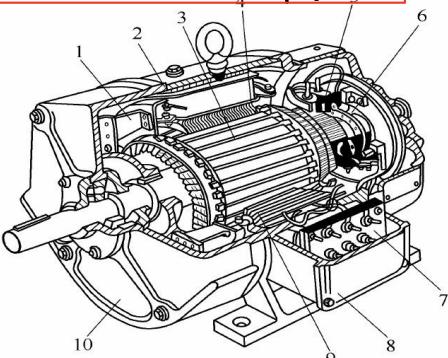
#### 1.1.2 直流电机的基本结构

直流电机由定子（固定不动）与转子（旋转）两大部分组成，定子与转子之间有空隙，称为气隙。

定子部分包括机座、主磁极、换向极、端盖、电刷等装置；  
转子部分包括电枢铁心、电枢绕组、换向器、转轴、(风扇)等部件。

图1.3 直流电动机的结构图

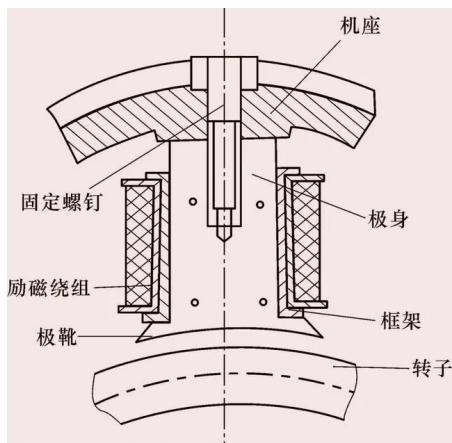
1—风扇；2—机座；  
3—电枢；4—主磁极；  
5—刷架；6—换向器；  
7—接线板；8—出线盒；  
9—换向极；10—端盖



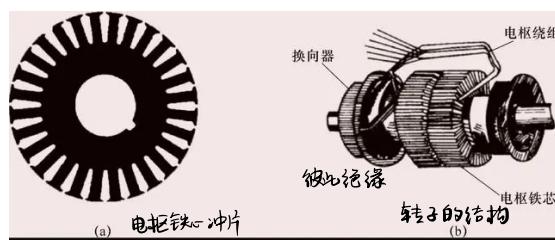
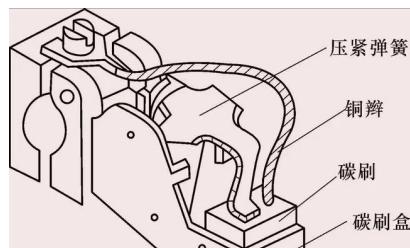
剖面图

电刷装置把电枢中的电流与外部静止电路相连或把外部电源与电枢相连，并把电枢中的交变电流变成电刷上的直流，或把外部电路中的直流变换为电枢中的交流。

电刷结构图



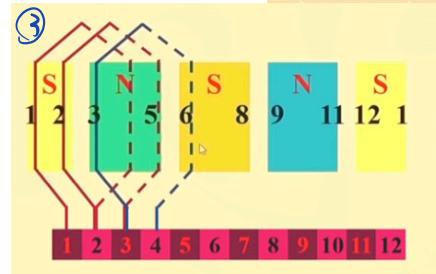
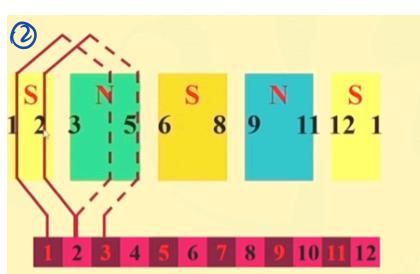
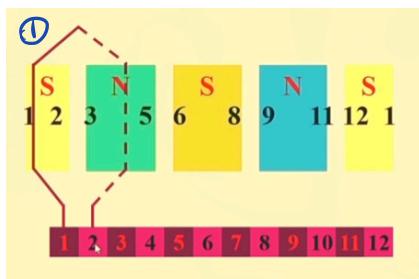
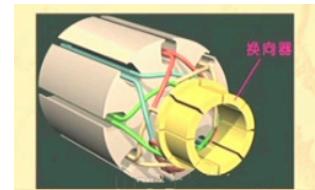
定子的结构(剖视)



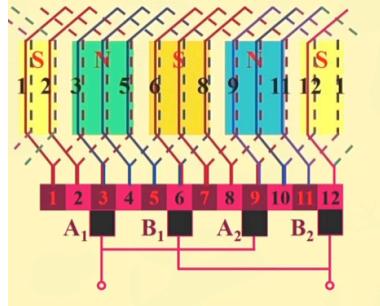
叠绕组、波绕组，  
蛙绕组...  
(简单即可)

单叠绕组、(补充，便于理解后续一些内容)

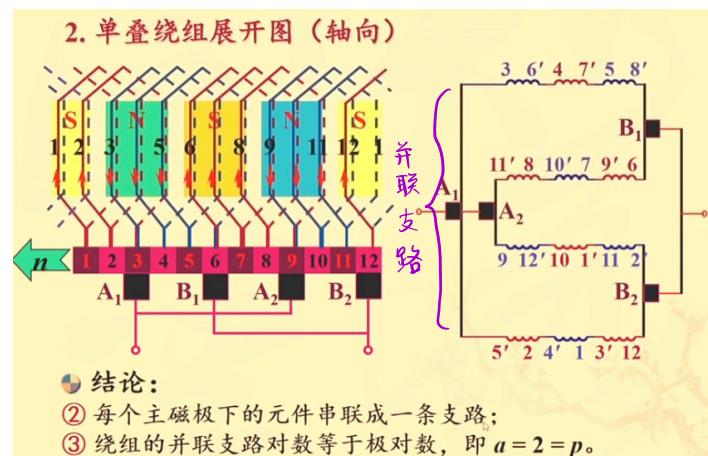
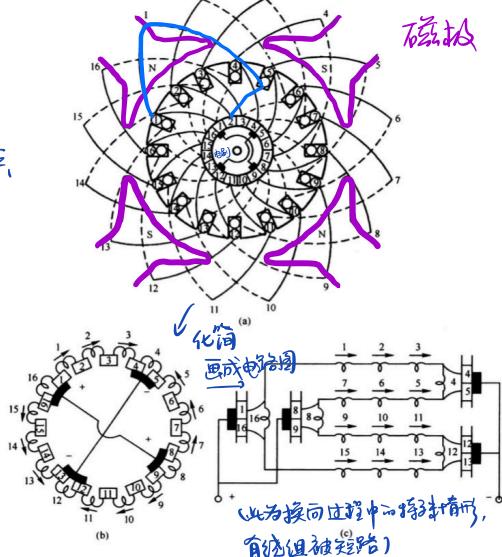
轴向展开图：此处共有12根导体，每根导体末端(下边)与下一根导体始端(上边)相接



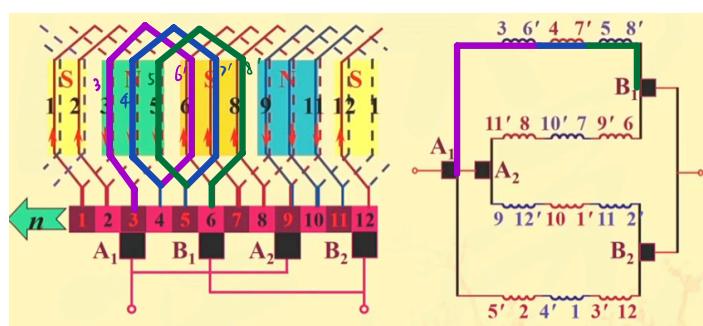
④



书本例子  
有16根导体。



为方便起见，标出如下支路：



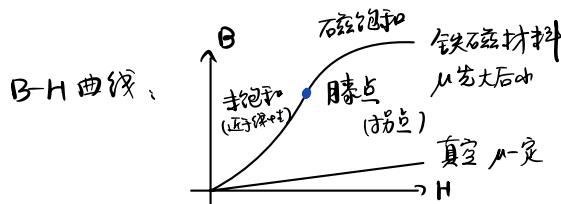
2. 工作原理(略) 书P18 注意换向分析

Lec 3

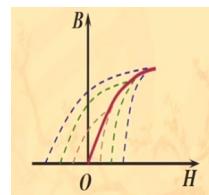
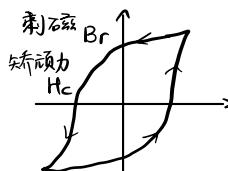
3. 磁性材料(铁磁材料)

Lec 4

非铁磁材料：顺磁(空气)、反磁(铜)



存在磁滞现象，  
若反复磁化若干次，可得到关于  
原点对称的闭合曲线，称为磁滞回线。  
将这些磁滞回线的顶点相连，即得基本磁化曲线。



了解：三个参数：剩磁  $B_r$ 、矫顽力  $H_c$ 、最大磁能积  $(BH)_{max}$  软磁、硬磁材料的特点与用途

磁滞损耗  $P_h = C_h f B_m^n V$   $n$  取 1.6~2.3

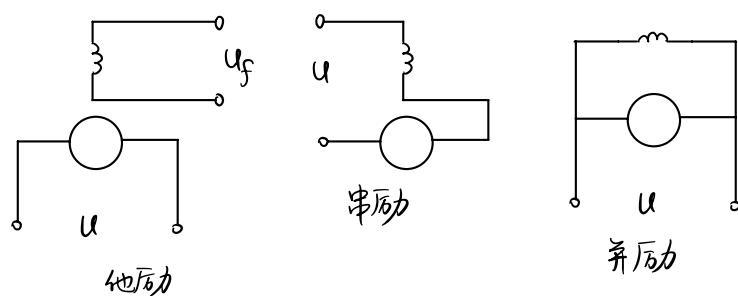
$h$ : hysteresis

涡流损耗  $P_e = C_e d^2 f^2 B_m^2 V$  ( $d$ : 厚度)

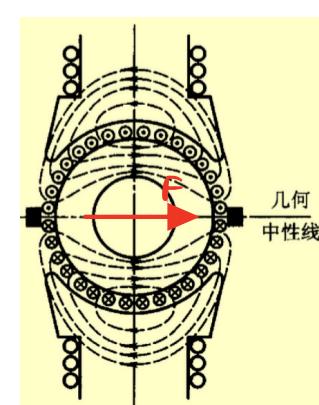
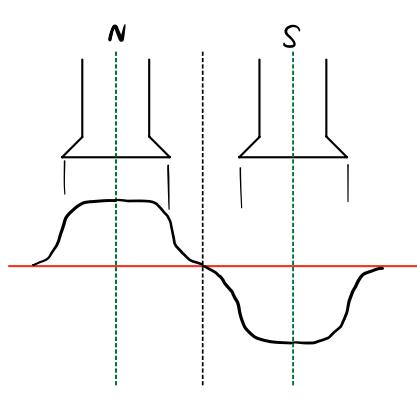
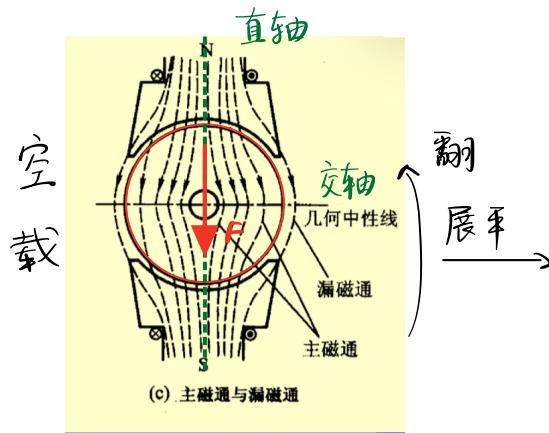
$e$ : eddy current

## 4. 直流电机的磁场

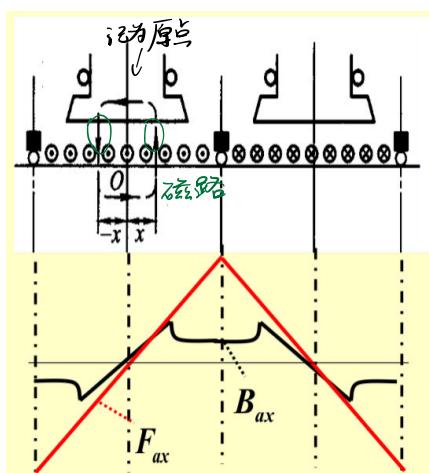
励磁方式：他励、并励、串励、<sup>\*</sup>复励  
 自励



电机磁场 =  $\left\{ \begin{array}{l} \text{主极磁场 (空载磁场)} \\ \text{电枢磁场} \end{array} \right.$



## 电枢磁场



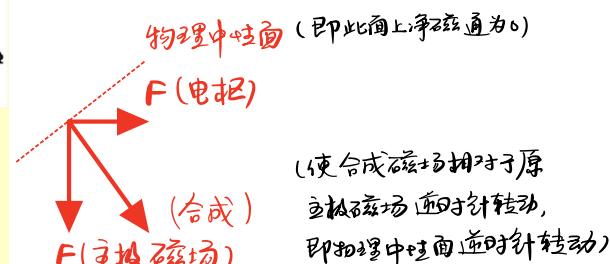
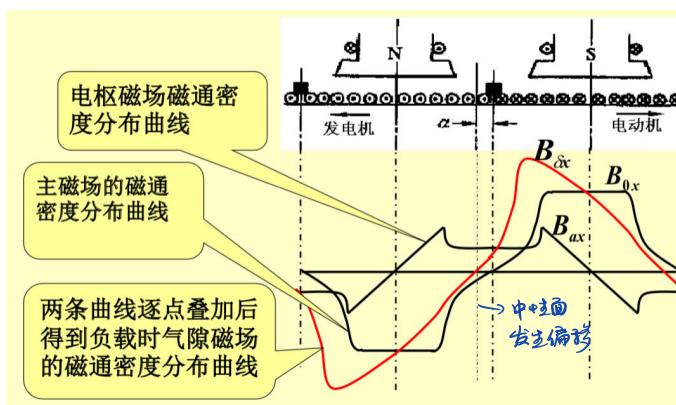
$$F_{ax} = \frac{1}{2} \frac{N i a}{\pi D} 2x \rightarrow \text{每根导体电流} \\ (\text{磁动势}) \downarrow \quad \text{单位长度的导体数} \quad \text{导体弯曲} \\ \text{有段分布}$$

$$= \frac{N i a}{\pi D} x \propto x$$

$$\text{磁感应强度 (磁密)} \quad \frac{F}{\mu l} = B \\ \rightarrow \text{气隙长度}$$

主磁极下气隙长度基本不变，而主磁极间气隙长度增加很快，  
致使电枢磁动势产生的气隙磁通密度中间较小，呈马鞍形分布。

## 叠加



## 5. 电枢反应与换向

电枢反应：① 使物理中性面和几何中性面发生偏转  
 (电动机)

② 对主磁场起去磁作用 (工作点在膝点，增大B进入饱和区，则对于同样ΔB改变量，B增大时ΔB增加量不如B减小时ΔB减少量)

改善换向：① 将电刷从几何中性面向物理中性面旋转；② 加换向极；③ 换电刷。

# 6. 直流电机基本方程

① 机械特性  $T_{em} = C_t \phi I_a$   $\frac{\phi \text{一定}}{E_a = C_e \phi n}$   $\frac{K_t I_a}{C_e = pN / 60a}$

其中  $n$  取  $r/min$ ,  $T_{em}$  取  $N\cdot m$ ,  $\omega$  取  $rad/s$   
 $\approx 9.55$   $K_t = C_t \phi$   $K_e = \frac{60 C_e \phi}{2\pi}$   $K_t = C_t \phi$  (因为  $K_t$  和  $C_t$  是国际单位制)  
 $K_e = K_t$  (因为  $C_e$  和  $K_e$  是国际单位制)

可结合单叠绕组理解“并联支路”，但注意单叠绕组中  $a=p$ ，其他种类绕组不一定适用

推导 设总导体数为  $N$ , 共有  $2a$  条并联支路, 则每支路有  $N/2a$  导体, 则

若  $n$  与  $\omega$  单位均取为  $rad/s$ , 则  $C_t = C_e$ ,  $K_e = C_e \phi$ .  
 一般只这么写

$$T_{em} = \sum B_s i_f l_r = N B_s i_f l_r = N B_s \frac{2\pi r l_f}{2p} \frac{I_a 2p}{2\pi} = \frac{N}{2a} \phi I_a \frac{2p}{2\pi} = \frac{PN}{2\pi a} \phi I_a$$

↓  
导体长度 力臂  
↓  
φ 面积

选一条并联支路计算, 而每支路上有  $a$  个线圈元件  
 $\uparrow$  又是串联, 所以要求和.

$$r = \sum B_s l_r = \frac{N}{2a} B_s l_r = \frac{N}{2a} B_s \frac{2\pi r l_f}{2p} \frac{2p}{2\pi} = \frac{N}{2a} \phi \omega \frac{2p}{2\pi} = \frac{PN}{2\pi a} \phi \omega = \frac{PN}{2\pi a} \phi n \times \frac{60}{2\pi} = \frac{PN}{60a} \phi n$$

↓  
φ 面积  $\downarrow$   $\omega$  (rad/s)  
 $\uparrow$  (气隙磁力线穿过的总面积:  $\frac{2\pi}{2p} r \cdot l$ )

## ② 转矩平衡方程式

电动机:  $T_{em} = T_o + T_L + J \frac{d\omega}{dt}$        $T_o$ : 空载阻转矩       $T_L$ : 负载转矩       $J$ : 转动惯量

$= T_o + T_L$       (稳态)

发电机:  $T_{em} = T_i - T_o$        $T_i$ : 原动机转矩       $T_o$ : 阻转矩

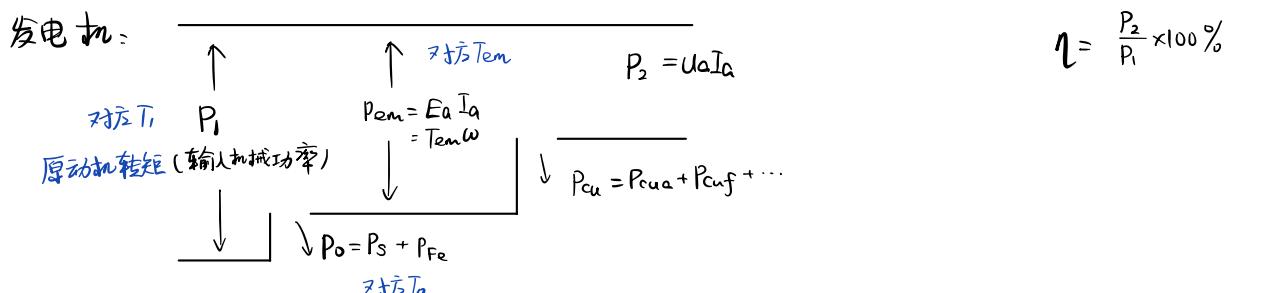
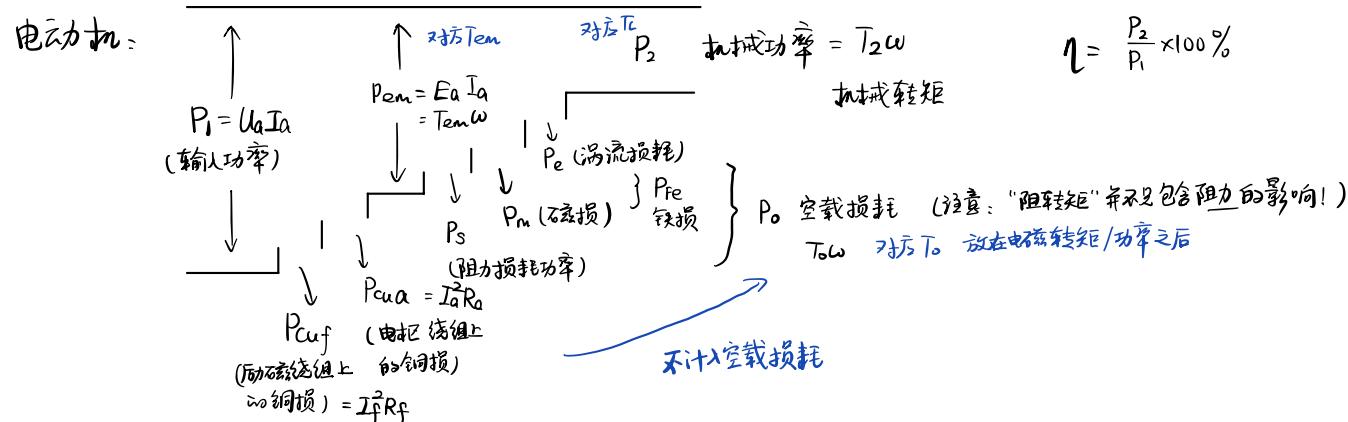
## ③ 电压平衡方程式

电动机:  $U_a = E_a + I_a R_a (+ L_a \frac{di_a}{dt})$        $U_a$ : 电枢电压       $E_a$ : 感应电动势       $I_a$ : 电枢电流

发电机:  $U_a + I_a R_a = E_a$       对于纯电阻负载  $U_a = I_a R_L$



## ④ 功率平衡方程式



## 7. 直流电机的静态特性 (稳态特性) [此时有 $T_{em} = T_o + T_2$ ]

Lec 5-6

$$\text{由 } I_a = \frac{U_a - E_a}{R_a} = \frac{U_a - C_e \phi n}{R_a} \quad \text{则 } n = \frac{U_a}{C_e \phi} - \frac{I_a R_a}{C_e \phi} = \frac{U_a}{C_e \phi} - \frac{T_{em} R_a}{C_e C_t \phi^2}$$

电枢控制: ( $\phi$ 为定值) 对应后续弱磁调速 线性度高; 控制功率大, 对功率容量要求高

$$\textcircled{1} \text{ 机械特性 } n = \frac{U_a}{C_e \phi} - \frac{T_{em} R_a}{C_e C_t \phi^2} = -\frac{R_a}{C_e C_t \phi^2} T_{em} + \frac{U_a}{C_e \phi}$$

几个重要点: ①  $T_{em}=0$  (空载)  $n_0 = \frac{U_a}{C_e \phi}$  实际有阻转矩  $T_o$ , 则  $n'_0 = n|_{T_{em}=T_o}$

关于  $T_{em}$  的函数,

$U_a$  变动产生一族曲线

②  $T_{em} = T_N$  额定情况

$$\textcircled{3} \quad n=0 \quad T_s = \frac{U_a}{R_a} C_t \phi = I_s C_t \phi = I_s k_t \quad \text{堵转转矩}$$

电压提高时曲线上移, 转速不变, 则对应转矩增大, 移至新直线上, 随后沿线加速至稳定。

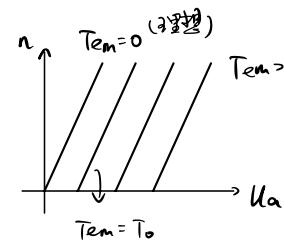
② 调节特性  $n \sim U_a$

$$n = \frac{1}{C_e \phi} U_a - \frac{T_{em} R_a}{C_e C_t \phi^2}$$

$$\text{斜率 } \tan \alpha = \frac{1}{C_e \phi} > 0$$

空载时 (理想)  $T_{em}=0$  因该过原点

$$(\text{实际}) \quad T_o \neq 0 \quad \text{不过原点} \quad \text{令 } n=0 \text{ 得启动电压} \quad \frac{T_o R_a}{C_t \phi} = \frac{T_o R_a}{C_e \phi} = k_t$$



关于  $U_a$  的函数,

$T_{em}$  变动产生一族曲线

磁场控制: 对应后续弱磁调速 非线性; 适于控制大功率电机

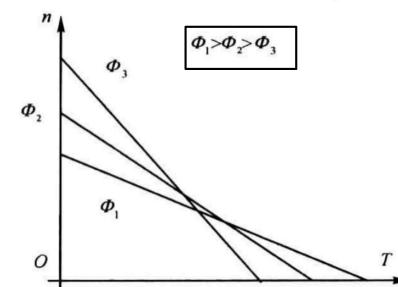
$$n = \frac{U_a}{C_e \phi} - \frac{T_{em} R_a}{C_e C_t \phi^2}$$

机械特性:  $n \sim T_{em}$ , 为直线

可见, 若不考虑额定电流的限制, 当负载转矩一定时,

若负载轻,  $\phi \downarrow n \uparrow$ ; 负载重,  $\phi \downarrow n \downarrow$ .

减  $\phi$  提  $n$  并不是绝对的!



当然, 调  $\phi$  的方法一般用在恒功率负载, 指后提及。

调节特性:  $n \sim \phi$   $T$  小时与  $T$  大时不同。

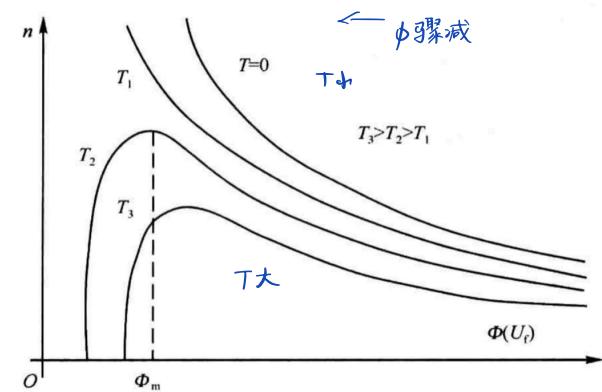
$$\frac{dn}{d\phi} = -\frac{U_a}{C_e} \frac{1}{\phi^2} + 2 \frac{T_{em} R_a}{C_e C_t} \frac{1}{\phi^3} \quad \text{令其为 } 0$$

$$\text{则 } 2 \frac{T_{em} R_a}{C_e C_t} = \frac{U_a}{C_e} \phi_m \Rightarrow \phi_m = \frac{2 T_{em} R_a}{U_a C_t} \propto T_{em}$$

$$n_{max} = \frac{U_a^2 C_t}{4 C_e T_{em} R_a} \propto \frac{1}{T_{em}} \quad \begin{cases} \phi > \phi_m \text{ 时, } \phi \downarrow, n \downarrow \\ \phi < \phi_m \text{ 时, } \phi \downarrow, n \uparrow \end{cases}$$

引申问题 1: 若他励(或并励)式直流电机的励磁回路断开,

有何后果? (结合右图思考) [ $T$  小时飞车;  $T$  大时堵转 ( $I_a = \frac{U_a}{R_a}$ , 很大, 烧电机)]



## 8. 直流电机的调速方法 [以他励直流电机为例]

由  $E_a = C_e \phi n$   $U_a = I_a R + E_a$ , 有  $n = \frac{U_a - I_a R}{C_e \phi}$  变什么可以改转速？  
 电枢回路电阻  $U_a$ 、 $R$ 、 $\phi$  ( $I_a$ ? 不是直接控制量)

(1) 串电阻调速  $R_a$  串上  $R_{var}$  改变电枢回路电阻

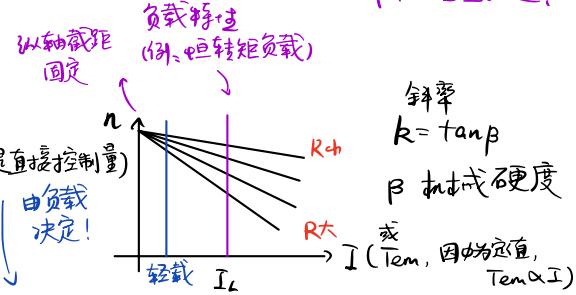
$R \uparrow n \downarrow$  ( $T_L$ 、 $I_a$  相同时) (不可超过  $\frac{U_a}{C_e \phi}$ )

特点：① 简单 ② 损耗大 ③ 降速调速

④ 一般为有级调速

⑤ 特性变软 ( $n-T$  线变陡，抗负载能力变差，即  $\Delta T_L$  有更大  $\Delta n$ )

⑥ 轻载时调速范围小。



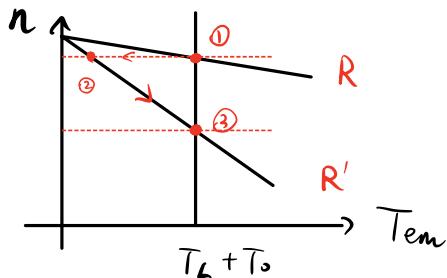
$$C_e \phi I_a = K_t I_a = T_{em} = T_0 + T_L,$$

负载一定，电机达到稳态时，  
电枢电流由  $T_L$  决定！所以对于恒转矩负载，  
若  $\phi$  不变，则  $T_L$  是平行于纵轴的线 ( $T_L = \text{const.}$ )

(即相同负载，稳定时电流一样)  
在下面降压调速中，也如此。

动态过程

(以增大 R 为例)



①  $T_{em} \rightarrow T$   $T_0 + T_L$   
 ②  $T_L$  不变 (恒转矩负载)  
 ③  $n$   $n_1$  瞬时 不变  $n_2$

$T_0$  较小，在可接受范围内略去或将其  $T_0 + T_L$  视作不变

## (2) 降压调速 (调节电枢电压 $U_a$ )

$$n = \frac{U_a - I_a R}{C_e \phi} = \frac{U_a}{C_e \phi} - \frac{T_{em} R_a}{C_e C_t \phi^2}$$

图形即为电枢控制下的机械特性

特点：① 基速以下调速 (超过基速的调速需要更大  $U_a$ ，对设备安全有影响)

② 线性直线族特性，范围大 ③ 易于无级调速 ④ 效率高 (无外加电阻)

⑤ 需调压电源； ⑥ 硬度不变； ⑦ 适用于带恒转矩负载 (因  $\phi$  不变， $T$  不变时  $I_a$  不变，不会过流)

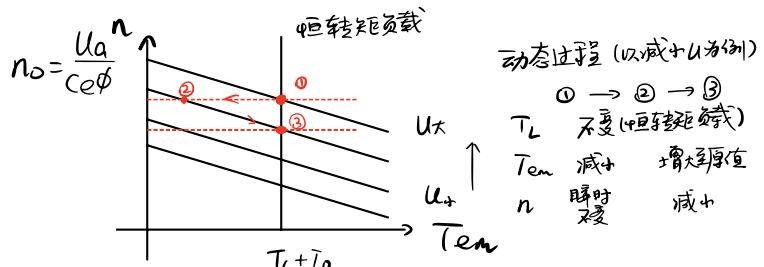
问题：带额定转矩以额定转速工作时电枢电压为额定电压

需要超过 (额定) 转速时用此法电枢电压必超过额定电压，不允许。怎么办？考虑减小  $\phi$ 。

↓  
其实可以适度减小负载，但这样功率下降且调节范围也有限。

## 于是有：(3) 弱磁调速

减小励磁电流以减小  $\phi$ ，从而增大  $n$



但是，如果  $\phi$  减小后，仍带恒转矩负载，由  $T_{em} = C_t \phi I_a$ ， $I_a$  将超过额定电流，也不允许。

**稍后总结：**适用于带恒功率/转矩负载的方式带恒转矩/功率负载会如何？

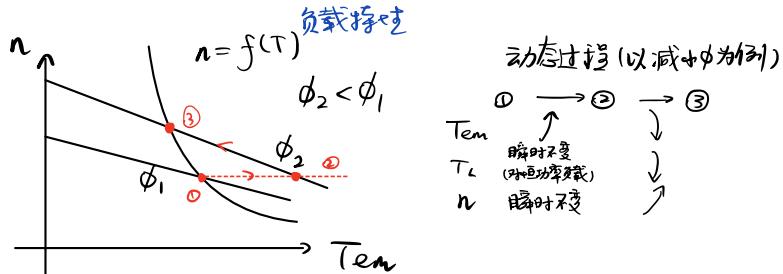
弱磁调速带恒转矩负载  
不是空载不行，但务必注意额定电流！

那么，若我们保持电流为额定电流不变？

则发现  $n = \frac{U_a - I_a R}{C_e \phi}$        $T_{em} = C_t I_a$

$T_{em} n = \text{常数}$   $\Rightarrow$  适用于带恒功率负载！且允许的恒功率负载的最大功率就是额定功率  
 $\downarrow$   
pp+中等线的来源

图形即为磁场控制下的机械特性



[ 弱磁的另一理由：电机工作点一般在膝点，增磁加得磁饱和，控制效果不好 ]

特点：① 基速以上调速；② 无级调速；③ 机械特性曲线变软（越加n-T线越陡，即相同ΔT会带来更大Δn）

④ 高效率 ⑤ 适用于带恒功率负载（已解释） ⑥ 一般调速比范围在2~4.

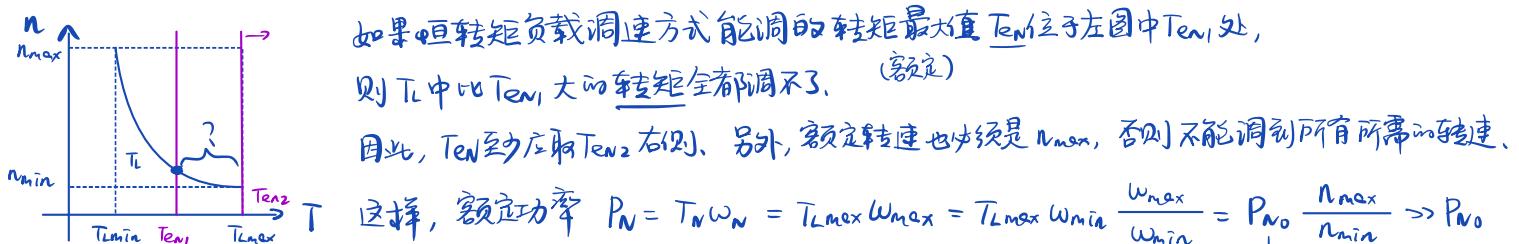
隐患：① 中太小  $I_a$  过载；② 飞车（特指软） ③ 堵转  $I = \frac{U_a}{R_a}$  （任何调速方式都要避免）

$$(U_a = I_a R_a + E_a \quad E_a = C_e \phi n)$$

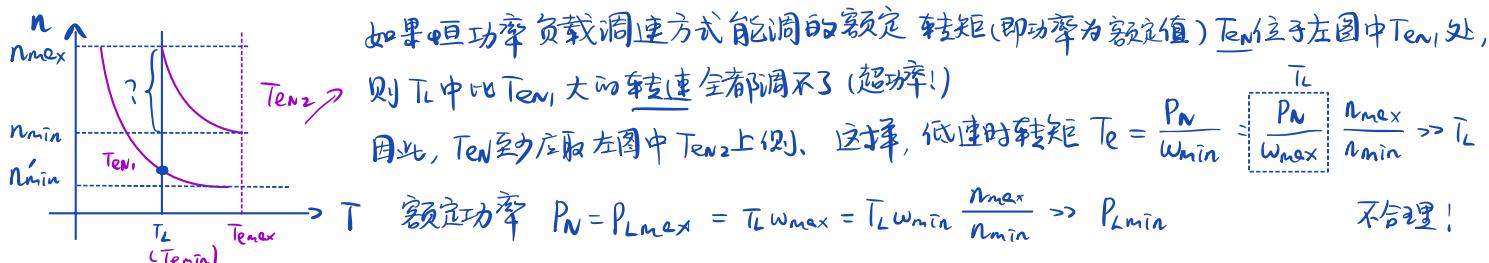
注意堵转转矩不是0（不要因为不转而误判！）

**引申问题2：**适用于带恒功率/转矩负载的方式带恒转矩/功率负载会如何？

1. 适用于带恒转矩负载的调速方式被用于带恒功率负载：



2. 适用于带恒功率负载的调速方式被用于带恒转矩负载：



(4) 直流电机的启动：起动时  $n=0 \Rightarrow E_a=0 \Rightarrow I = \frac{U_a}{R_a}$  很大，不允许  
(起)

方法：降压启动、串电阻启动

## 9. 直流电机的四象限运行 (工作状态)

易混，注意判别！

Lec 7

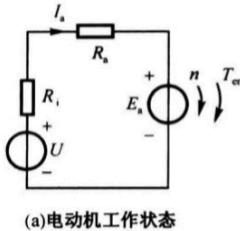
### ① 电动机状态

外加电压大于电枢感应电动势且与之反向。(意思应该是沿着回路走一圈发现电位升降关系相反)

电流与 $E_a$ 反向，数值大于堵转电流。  
(是“从 $E_a$ 正端流出”的意思)

电磁转矩方向与转速 $n$ 相同。

转速低于空载转速。电能→机械能



### ② 制动状态 电磁转矩方向与转速 $n$ 相反。

电流与感生电动势同向(从 $E_m$ “+”端流出)

#### 1) 能耗制动状态 (可理解为串电阻)

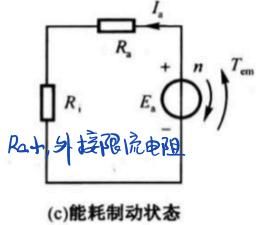
无外加电压，电流与 $E_a$ 同向。

(是“从 $E_a$ 正端流出”的意思)

1. 制动前

2. 制动后

假如有外力作用，  
也可能沿着线2继续往前  
(如拖着重物的电机)

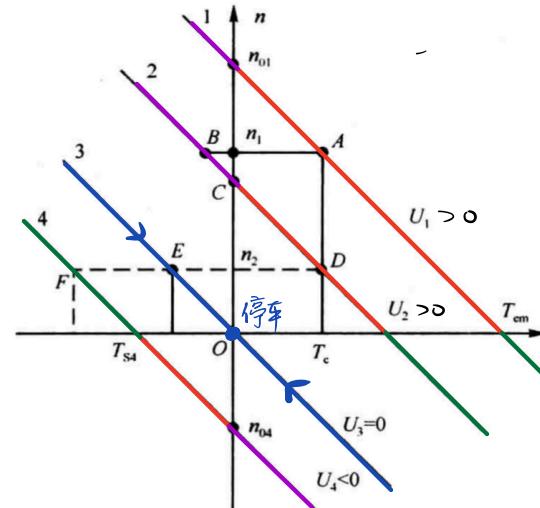


#### 2) 反接制动状态

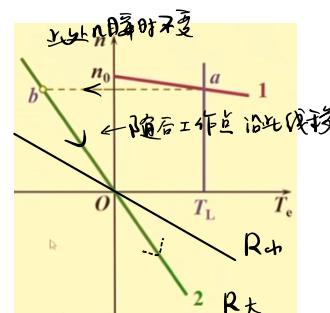
外加电压与电枢感应电动势同向。

电流与 $E_a$ 同向，数值大于堵转电流(故需增加限流电阻)  
(是“从 $E_a$ 正端流出”的意思)

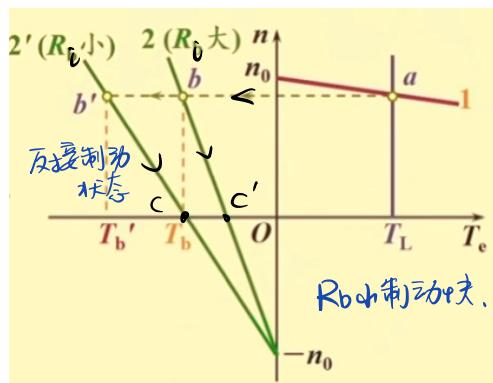
电磁转矩大于堵转转矩。 $|I_a| = \frac{|U| + |E_a|}{R_a + R_i}$



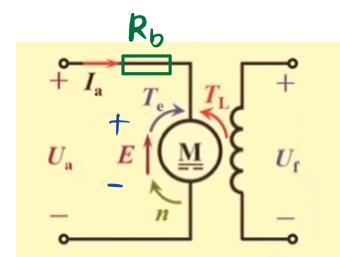
—— 电动机状态  
—— 发电机  
—— 能耗制动状态  
—— 反接



例1



例2  
(易错例)



突然接入电阻 $R_b$ ,

工作状态？

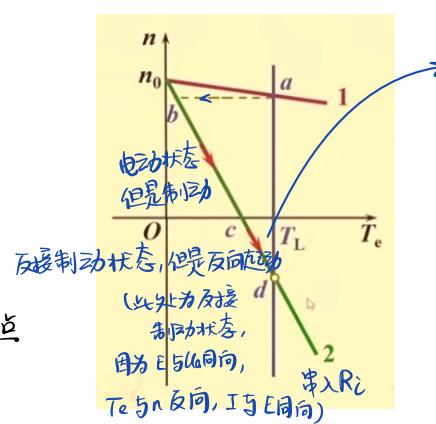
[沿左下图的线变化]

$R_b$ 小制动快； $R_b$ 大终了速度大

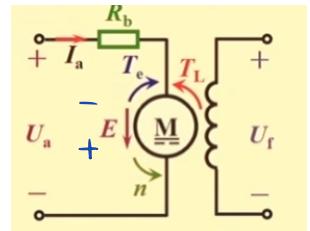
反接后工作点将沿箭头所指方向移动。

到达C点：若立即断电，则停机

{ 若立即断电，则视负载情况到达对应工作点  
(负载n-T线与电机n-T线交点)  
见下页例)



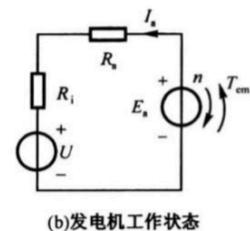
此段的主意图：



### 3) 反馈制动状态 (发电机状态)

一般发生在：①突然降电压时；②有“+助”转子转动的外力作用时。

外加电压与电枢感应电动势反向但小于感应电动势， $|n| > |n_0|$

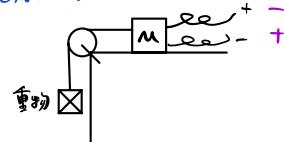


(b) 发电机工作状态

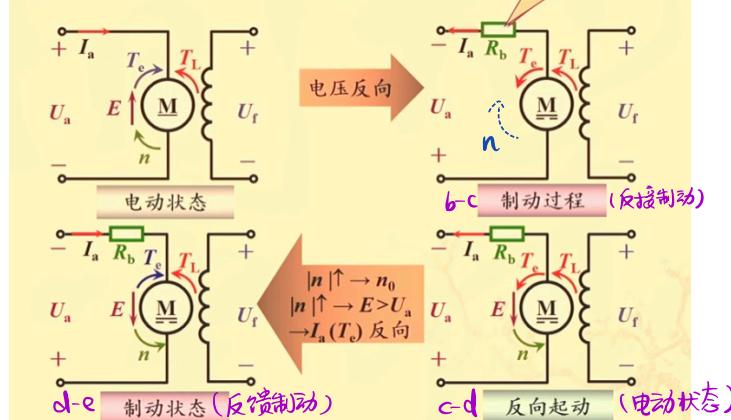
电流与感应电动势方向相同（电流从电机电动势“+”流出，相当于电机在供电）

(流进电源的“+”端，给电源充电)

例1 拖着重物的电机，突然将其电压反接：

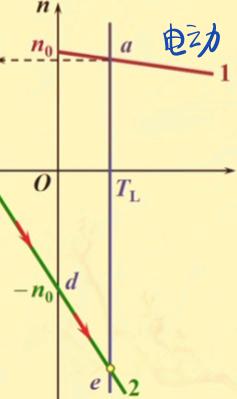


### 2. 反向回馈制动——下放重物

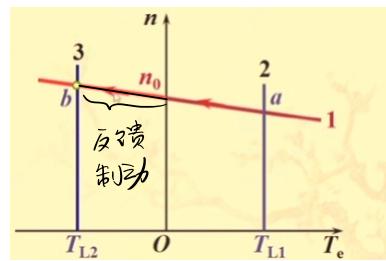
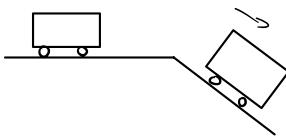


a 点 改变  $U_a$  极性  
 $n$  不能跃变

$I_a < 0, T_e < 0 \rightarrow c$  点 ( $n=0$ )  
 $n \downarrow \rightarrow E \downarrow$   
 $T_e & T_L$  共同作用  
反向起动,  $n < 0$   
 $(I_a=0, T_e=0) \rightarrow d$  点 ( $|E|=U_a$ )  
 $T_e < T_L \rightarrow |n| \uparrow (|n| > n_0)$   
回馈制动  
 $\rightarrow |E| \uparrow (|E| > U_a)$   
 $\rightarrow I_a > 0, T_e > 0$   
且  $I_a & T_e \uparrow$   
 $\rightarrow T_e = T_L, e$  点。

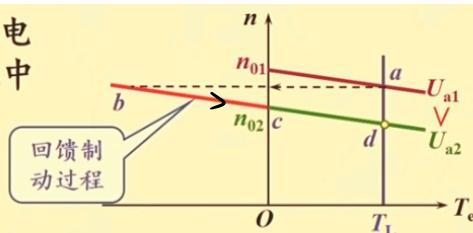


例2 电车下坡

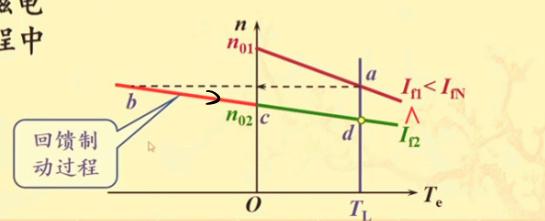


例3 降压调速、弱磁调速 (调多3)

在降低电枢电压调速过程中



在增加励磁电流调速过程中



10. 直流电机的动态特性

$$\text{机电时间常数 } T_m = \frac{R_a J}{K_e K_t}$$

$$\text{电磁时间常数 } T_e = \frac{L_a}{R_a}$$

式中各量均用国际单位制，即有  $K_e = K_t$ 。

11. 直流电机的选用

若带减速装置，且减速比为*i*，则负载轴各量至电机轴的折算值为：(以下的下标带*L*者为负载轴上的量)

$$\omega = \omega_L i \quad \alpha = \alpha_L i \quad J = \frac{J_L}{i^2} \quad T = \frac{T_L}{i}$$

根据运动推这三个

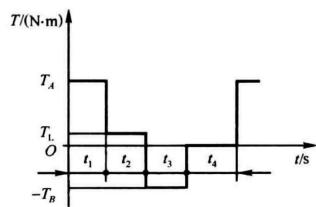
根据功率关系(转矩守恒)推这个

若电机为断续运行，则一个周期内有  $t_1, t_2, t_3, \dots$  若干段，每段对应的电磁转矩要求已知，分别为  $T_{em1}, T_{em2}, \dots$

则额定转矩可由此式计算：  
(以均方根表示)

$$T_N = \sqrt{\frac{T_{em1}^2 t_1 + T_{em2}^2 t_2 + \dots + T_{emn}^2 t_n}{t_1 + t_2 + \dots + t_n}}$$

(对于右图)  $T_{rms} = \sqrt{\frac{T_A^2 t_1 + T_L^2 t_2 + T_B^2 t_3}{t_1 + t_2 + t_3 + t_4}}$



部分图片来自网络；部分图片取自《自动控制元件及线路》(5版) 及其课件。

单叠该组示意图、工作状态中例子等截取自大连理工大学电气工程学院刘凤春老师的课件，  
对其厚谢者不胜感激。