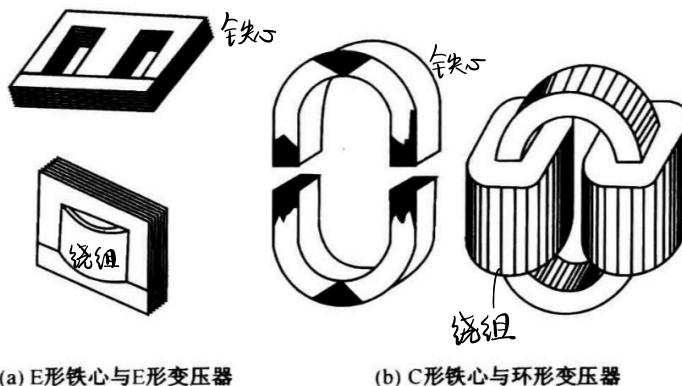


1. 变压器的结构

须结合磁路公式复习，分清励磁阻抗与磁阻。

2023.10.6 11.1



采用铁心是为了增加磁密和磁通。

一般用硅钢片或铁氧体(高频)。

用合金钢片叠成，彼此绝缘，减少涡流损耗。

2. 参考方向的确定 (变压器惯例) 结合原理理解

原边：

① 人为规定原绕组电压 U_1 的正方向② I_1 从 U_1 正端流入线圈

→ 四指握线电流，拇指指向磁通

③ 用右手定则根据电流方向确定磁通方向 → 该磁通通过铁心走到副边

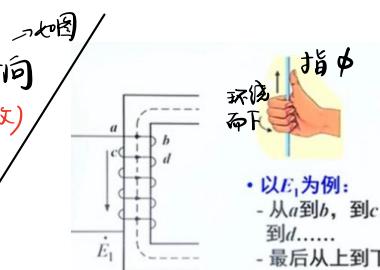
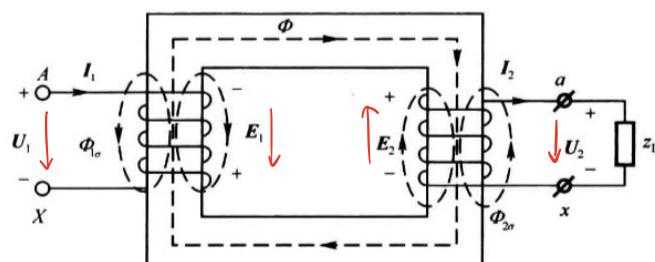
④ 再由磁通方向，用右手定则确定感应电动势方向

(其实就是 E 的“-” → “+”与电流流向一致)

副边：

① 由磁通方向，用右手定则确定感应电动势方向

② 用右手定则根据磁通方向确定电流方向

③ I_2 与 U_2 取关联参考方向

电动机惯例

3. 单相变压器的空载运行

① 磁通与感应电动势

 N_1 为原边匝数、 N_2 为副边匝数

$$\begin{cases} e_1 = -\frac{d\psi_1}{dt} = -N_1 \frac{d\phi}{dt} \\ e_2 = -\frac{d\psi_2}{dt} = -N_2 \frac{d\phi}{dt} \\ e_{1\sigma} = -\frac{d\psi_{1\sigma}}{dt} = -N_1 \frac{d\phi_{1\sigma}}{dt} \end{cases}$$

主磁通 ϕ 产生原边主电动势 e_1 主磁通 ϕ 产生副边主电动势 e_2 漏磁通 $\phi_{1\sigma}$ 产生原边漏电动势 $e_{1\sigma}$

$$\frac{e_1}{e_2} = \frac{N_1}{N_2} = k$$

k 称为变比

因果关系：

$$U_1 \rightarrow I_1 \rightarrow F_1 = i_1 N_1 \rightarrow \begin{cases} \dot{\phi}_0 \rightarrow E_1 \\ \dot{\phi}_{1\sigma} \rightarrow E_{1\sigma} \end{cases} \rightarrow I_1 R_1$$

主电动势的分析：设 $\phi_0 = \phi_m \sin \omega t$ \Rightarrow 相量表示： $\dot{\phi}_m$ (最大值相量)

$$\text{则 } E_1 = -N_1 \frac{d\phi_0}{dt} = 2\pi f_1 N_1 \dot{\phi}_m \sin(\omega t - 90^\circ) = E_{1m} \sin(\omega t - 90^\circ)$$

最大值相量： $\dot{E}_m = -N_1 j \omega \dot{\phi}_m = 2\pi f_1 N_1 \dot{\phi}_m \angle -90^\circ$

有效值相量： $\dot{E} = \sqrt{2} \pi f_1 N_1 \dot{\phi}_m \angle -90^\circ = -j 4.44 f_1 N_1 \dot{\phi}_m$

$$\Rightarrow E = \sqrt{2} \pi f_1 N_1 \dot{\phi}_m = \underline{4.44 f_1 N_1 \dot{\phi}_m}$$

对副边，类似地有： $E_2 = 4.44 f_1 N_2 \dot{\phi}_m$

$$\dot{E}_2 = -j 4.44 f_1 N_2 \dot{\phi}_m$$

注意：

1. 4.44公式中，磁通是用最大值，感生电动势是用有效值！

2. 感应电动势滞后于磁通 90° 。

3. 磁通取决于电网电压、

频率与匝数，与负载大小基本无关，即为“恒磁通”。

漏电动势的分析：① 同上表示 $E_{1\sigma} = 4.44 f_1 N_1 \dot{\phi}_{1\sigma m}$ $\dot{E}_{1\sigma} = -j 4.44 f_1 N_1 \dot{\phi}_{1\sigma m}$

② 漏抗压降表示： $\dot{E}_{1\sigma} = -j \omega L_{1\sigma} \dot{I}_o = -j \dot{I}_o X_{1\sigma}$ ($X_{1\sigma} = \omega L_{1\sigma}$)

注意

漏磁通主要经过非铁磁路经，磁路不饱和，故磁阻很大且为常数，则漏电抗很小且为常数，不随负载情况而变。

② 电压平衡方程

一次侧电动势平衡方程

空载电流记为 I_o ，则 $\dot{U}_1 = -\dot{E}_1 - \dot{E}_{1\sigma} + \dot{I}_o R_1$ $\xrightarrow{\text{线圈内阻}} 4.44 f_1 N_1 \dot{\phi}_m$

与主磁通、线圈匝数及
磁阻有关

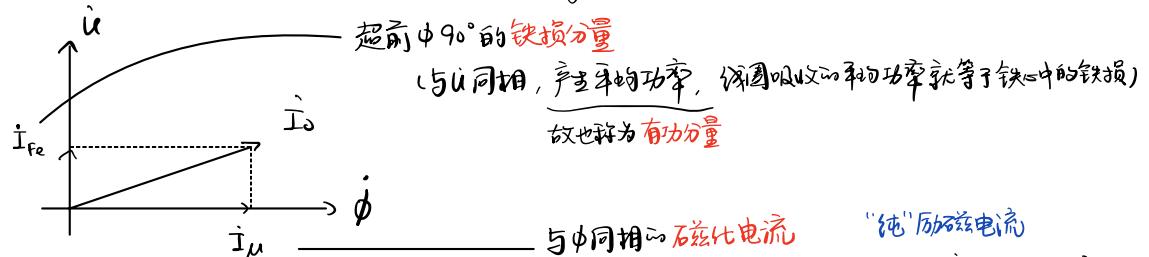
$$= -\dot{E}_1 + \dot{I}_o R_1 + j \dot{I}_o X_{1\sigma} = -\dot{E}_1 + Z_1 \dot{I}_o$$

若忽略漏抗压降 $\dot{U}_1 \approx \dot{E}_1 = 4.44 f_1 N_1 \dot{\phi}_m$ 忽略漏抗压降时 $R_1 + j X_{1\sigma}$

$$\dot{U}_1 = k = \frac{N_1}{N_2}$$

二次侧电动势平衡方程

I_o 可分解为两个分量

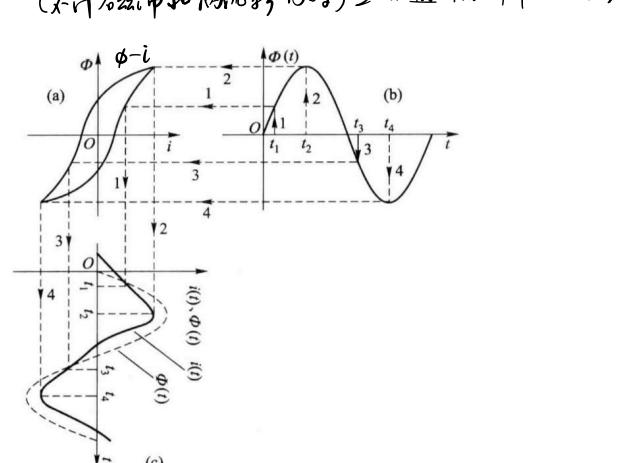


I_μ 远大于 I_{Fe} ，故空载电流主要是感生主磁通（滞后于电压），

也称为励磁电流。

i 与 ϕ 的波形：由磁滞回线画出 $\phi - i$ 曲线

由 $\phi - t$ 根据 $\phi - i$ 曲线对应得到 $i - t$ 曲线



③ 空载等效电路

磁 \rightarrow 电！

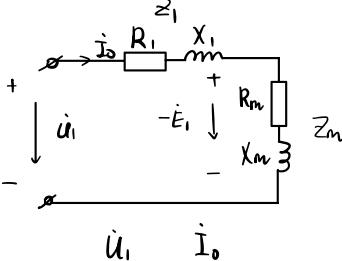
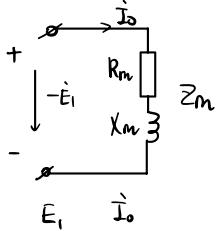
主磁通 Φ 感应的 E_1 用电动势降表示， Φ 在铁心中引起电阻 X_m 与电阻 R_m ，则铁心阻抗为 $R_m + jX_m$

$E_1 = -\dot{I}_o (R_m + jX_m) = -\dot{I}_o Z_m$

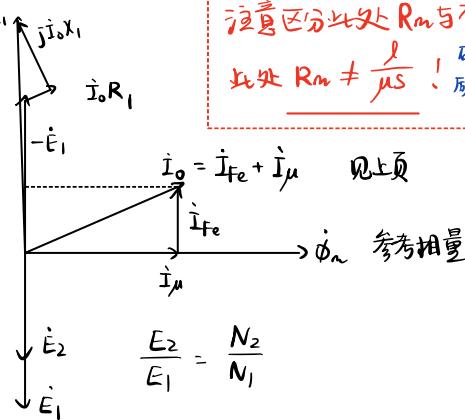
注意： Z_m 随磁路饱和程度增大而减小，为减少 I_o ，常希望增大 Z_m 。
 (减少空载损耗) (高导磁材料)

一次侧的电动势平衡方程

$$U_1 = -E_1 + \dot{I}_o Z_1 = (R_m + jX_m) \dot{I}_o + (R_1 + jX_1) \dot{I}_o$$



相量图：



4. 单相变压器的负载运行

$\dot{I}_1 \rightarrow F_1 = N_1 \dot{I}_1 \rightarrow \dot{\phi}_{10} \rightarrow \dot{E}_{10} = -j \dot{I}_1 X_1$

$\dot{I}_1 \rightarrow F_1 = N_1 \dot{I}_1 \rightarrow \dot{\phi}_m \xrightarrow{\text{主磁通}} \dot{E}_1 = -j 4.44 f N_1 \dot{\phi}_m$ 与空载时(基本)一样

$\dot{I}_2 \rightarrow F_2 = N_2 \dot{I}_2 \rightarrow \dot{\phi}_{20} \rightarrow \dot{E}_{20} = -j \dot{I}_2 X_2$

(LOAD)

副端参考有变化！我们关心的问题：

1. $i_2 = ?$
2. $u_2 = ?$
3. $P_2 = ?$ 如何传递？

① I_2 ? \rightarrow 磁势平衡方程式

由 $E_1 \approx U_1 = \text{常数}$ $\Rightarrow \dot{\phi}_m = \text{常数}$ (忽略漏抗压降时，主磁通可视为常数，即“恒磁通”)

由 $\sum \dot{\phi}_m R_m = \sum F$ $\Rightarrow \sum F = \text{常数}$ 则负载情况下 $\sum F$ 等于空载情况下 $\sum F$

$\Rightarrow F_1 + F_2 = F_0 \Rightarrow \dot{I}_1 N_1 + \dot{I}_2 N_2 = \dot{I}_0 N_1 \xrightarrow{\text{同除以 } N_1} \dot{I}_1 + \frac{1}{k} \dot{I}_2 = \dot{I}_0 \rightarrow$ 磁势平衡方程式

若令 $\dot{I}_L = -\dot{I}_2/k$, 则 $\dot{I}_1 = \dot{I}_0 + \dot{I}_L$ 且有 $N_1 \dot{I}_L = -N_2 \dot{I}_2$

\hookrightarrow 在负载时，原边电流可以是由两部分组成 $\left\{ \begin{array}{l} \text{I}_0 \text{ 用于在变压器铁心中产生主磁通} \\ \text{+} \\ \text{I}_L \text{ 用于抵消副边电流产生的磁势} \end{array} \right.$

负载之后，原边电流上升很多！

② U_2 ? \rightarrow 电压平衡方程式

原边 $U_1 = -E_1 - \dot{E}_{10} + \dot{I}_1 R_1 = -E_1 + \dot{I}_1 R_1 + \dot{I}_1 X_{10} = -E_1 + \dot{I}_1 Z_1$

副边 $\left\{ \begin{array}{l} U_2 = E_2 + \dot{E}_{20} - \dot{I}_2 R_2 = E_2 - \dot{I}_2 R_2 - j \dot{I}_2 X_{20} = E_2 - \dot{I}_2 Z_2 \\ U_2 = \dot{I}_2 Z_L \end{array} \right.$

副边绕组漏阻抗
也是同参数，与负载情况无关

\rightarrow 本身性质 $\left. \begin{array}{l} \text{自己合} \\ \rightarrow \text{外电路} \end{array} \right]$

③ P_2 如何传递的?

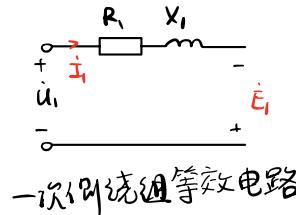
$$P_2 = \dot{U}_2 \dot{I}_2^* = \dot{E}_2 \dot{I}_2^* = \dot{E}_2 (-k \dot{I}_L^*) = (-\dot{E}_1) (\dot{I}_L^*) \approx \dot{U}_1 \dot{I}_L^* \xrightarrow{(\dot{I}_1 = \dot{I}_o + \dot{I}_L)} \dot{U}_1 \dot{I}_1^* - \dot{U}_1 \dot{I}_o^*$$

→ 副边绕组的能量是原边绕组从电网吸收再传递过去的。由互感直接传递！

④ 综合：基本方程组和等效电路

$$\left\{ \begin{array}{l} \dot{U}_1 = -\dot{E}_1 + \dot{I}_1 Z_1 \\ \dot{U}_2 = \dot{E}_2 - \dot{I}_2 Z_2 \\ \dot{E}_1 = k \dot{E}_2 \\ \dot{I}_1 + \frac{1}{k} \dot{I}_2 = \dot{I}_m \\ -\dot{E}_1 = \dot{I}_m Z_m \\ \dot{U}_2 = \dot{I}_2 Z_L \end{array} \right. \quad \begin{array}{l} \text{→ 电压平衡方程式, } E_1, E_2 \text{ 另可由 4.44 公式与磁通量建立关系} \\ \text{→ 与空载时无异, 因为都是由 4.44 公式得来} \\ \text{→ 磁势平衡方程式, 注意 I 用 } I_m \text{ 表示 (本质是励磁电流)} \\ \text{→ 与空载时无异} \\ \text{→ 负载特性} \end{array}$$

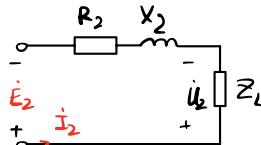
$$\text{由 } \dot{U}_1 = -\dot{E}_1 + \dot{I}_1 Z_1 \Rightarrow$$



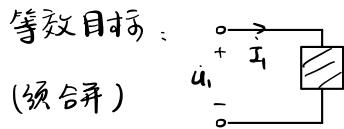
$$\dot{E}_1 = -\dot{I}_m Z_m$$



$$\text{由 } \dot{E}_2 = \dot{U}_2 + \dot{I}_2 Z_2 \Rightarrow$$



设法合并



用一个新的一次绕组代替原一次绕组
使新的二次绕组的电势等于一次绕组的电势
(绕组归算)

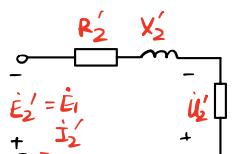
但一次和二次绕组
原有电感关系不变
 $\left\{ \begin{array}{l} \text{磁通势不变} \\ \text{功率与能量不变} \end{array} \right.$

$$\text{令 } \dot{E}_1 = \dot{E}'_1, \text{ 则 } \dot{E}'_1 = k \dot{E}_2. \text{ 由二次侧圆磁通势不变, 有 } N_1 \dot{I}'_2 = N_2 \dot{I}_2 \Rightarrow \dot{I}'_2 = \frac{1}{k} \dot{I}_2$$

$$\text{副边方程式 } \dot{E}_2 = \dot{I}_2 Z_2 + \dot{U}_2$$

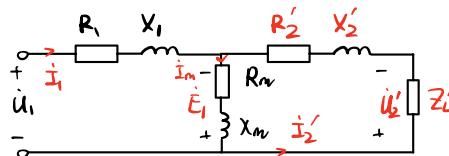
$$\begin{aligned} \Rightarrow k \dot{E}_2 &= k \dot{I}_2 (R_2 + jX_2) + k \dot{U}_2 \\ &= \frac{\dot{I}_2}{k} (k^2 R^2 + j k^2 X_2) + k \dot{U}_2 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \dot{E}'_2 = \dot{I}'_2 (R'_2 + jX'_2) + \dot{U}'_2$$



可与一次侧绕组等效电路合并！

得 T型等效电路：



应用 T型等效电路时，注意副边为折算值！

归算后
基本方程
(k消去)

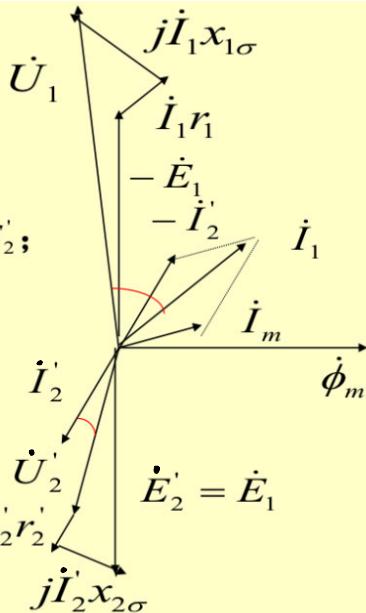
$$\left\{ \begin{array}{l} \dot{U}_1 = -\dot{E}_1 + \dot{I}_1 Z_1 \\ \dot{U}'_2 = \dot{E}'_2 - \dot{I}'_2 Z'_2 \\ \dot{E}_1 = \dot{E}'_2 \\ \dot{I}_1 + \dot{I}'_2 = \dot{I}_m \\ -\dot{E}_1 = \dot{I}_m Z_m \\ \dot{U}'_2 = \dot{I}'_2 Z'_L \\ \dot{U}'_2 = \dot{I}'_2 Z_L \end{array} \right. \quad \begin{array}{l} \text{其中, 各折算值为} \\ \dot{I}'_2 = \frac{1}{k} \dot{I}_2 \\ \dot{E}'_2 = k \dot{E}_2 = \dot{E}_1 \\ X'_2 = k^2 X_2 \\ Z'_2 = R'_2 + jX'_2 = k^2 Z_2 \\ \dot{U}'_2 = k \dot{U}_2 \\ Z'_L = \dot{U}'_2 / \dot{I}'_2 = k^2 Z_L \end{array}$$

负载下相量图：(从基本方程出发)

负载下相量图的画法

假定给定 U_2 、 I_2 、 $\cos\phi_2$ 及各个参数

- (1) 画出 \dot{U}_2, \dot{I}_2 ；
- (2) 在 \dot{U}_2 相量上加上 $\dot{I}_2 r_2 + j \dot{I}_2 x_2$ 得到 \dot{E}_2 ；
- (3) $\dot{E}_2 = \dot{E}_1$
- (4) 画出领先 $\dot{E}_1 90^\circ$ 的主磁通 $\dot{\phi}_m$ ；
- (5) 根据 $\dot{I}_m = -\dot{E}_1 / Z_m$ 画出 \dot{I}_m ，
领先 $\dot{\phi}_m$ 一个铁耗角；
- (6) 画出 $-\dot{I}_2$ 与 \dot{I}_m 的相量和 \dot{I}_1 ；
- (7) 画出 $-\dot{E}_1$ ，加 $\dot{I}_1 r_1 + j \dot{I}_1 x_{1\sigma}$ 得到 \dot{U}_1



$$Z_L' = k^2 Z_L \text{ 这点反映出:}$$

变压器可作阻抗变换器！

图中电阻 r 用中号表示是为了与磁阻区分。

与之配合， x 也用了小写。

变压器基本方法总结、基本方程式、等值电路和相量图

\downarrow 定量计算 \downarrow 定性讨论相位关系

变压器的运行与功率问题：见课件。注意额定容量为视在功率 UI ，不用乘功率因数角

(有功与无功共同占用设备容量)

附：磁路公式

$$B = \mu H \quad (\mu = \mu_0 \mu_r) \quad \phi = BS \quad (\vec{B} \cdot \vec{A}) \quad F_m = N_i \quad (\text{磁动势}) \quad \leftarrow \quad U_m = Hl \quad (\text{磁压}) = \frac{Bl}{\mu} = \frac{\phi l}{\mu s}$$

$$\sum_i \phi_i = 0 \quad (\text{基尔霍夫磁通定律, 类比 KCL})$$

$$\text{具有相同单位} = \phi R_m \quad (R_m = \frac{l}{\mu s})$$

$$\sum_i N_i = \sum_i H_i l_i = \sum_i U_m i = \sum_i R_m \phi_i \quad (\text{基尔霍夫磁位差定律, 类比 KVL})$$

↓
此处为磁阻！！

$$e = -\frac{d\phi}{dt} = Blv \quad (\text{单位}) \quad \text{此处为磁阻！！}$$