

主管  
领导  
审核  
签字

哈尔滨工业大学（深圳）2017 学年 秋 季学期

# 概率论与数理统计试题

题号	一	二	三	四	五	六	七	八	九	十	总分
得分											
阅卷人											

注意行为规范 遵守考场纪律

姓名

密

学号

封

班号

线

学院

## 一、填空题（每小题 3 分，共 5 小题，满分 15 分）

- 若事件  $A, B$  满足  $P(B|A) = P(\bar{B}|A)$ ，则  $P(B|A) =$ \_\_\_\_\_.
- 设随机变量  $X$  服从参数为  $\lambda$  的泊松分布且  $P(X=3) = \frac{4}{3}e^{-2}$ ，则  $E(X^2) =$ \_\_\_\_\_.
- 设随机变量  $X, Y$  相互独立，且均服从参数为 8 的指数分布，则  $P\{\min\{X, Y\} \leq 1\} =$ \_\_\_\_\_.
- 设二维随机变量  $(X, Y) \sim N(1, 3, 4, 9, 0)$ ，则  $E(XY^2) =$ \_\_\_\_\_.
- 在区间  $(0, 1)$  中随机地取两个数，则“两数之和小于  $6/5$ ”的概率为\_\_\_\_\_.

## 二、选择题（每小题 3 分，共 5 小题，满分 15 分，每小题中给出的四个选项中只有一个是符合题目要求的，把所选项的字母填在题后的括号内）

- 设  $A, B, C$  为三个事件且  $A, B$  相互独立，则以下结论中不正确的是( )
  - 若  $P(C)=1$ ，则  $AC$  与  $BC$  也独立；
  - 若  $C \subset B$ ，则  $A$  与  $C$  也独立；
  - 若  $P(C)=1$ ，则  $A \cup C$  与  $B$  也独立；
  - 若  $P(C)=1$ ，则  $A - C$  与  $A$  也独立.
- 如下四个函数，不能作为随机变量分布函数的是 ( )

$$(A) F(x) = \begin{cases} \frac{1}{1+x^2}, & x < 0 \\ 1, & x \geq 0 \end{cases}; \quad (B) F(x) = \begin{cases} 0, & x < -1 \\ \frac{5}{16}x + \frac{7}{16}, & -1 \leq x < 1; \\ 1, & x \geq 1 \end{cases}$$

---

(C)  $F(x) = \int_{-\infty}^x f(t)dt$ , 其中  $\int_{-\infty}^{+\infty} f(t)dt = 1$ ;

(D)  $F(x) = F_1(x)F_2(x)$ , 其中  $F_1(x), F_2(x)$  分别是相互独立的随机变量  $X_1, X_2$  的分布函数.

3. 设随机变量  $X \sim B(8, 0.5), Y \sim N(2, 4), \rho = 1/\sqrt{2}$ , 则由切比雪夫不等式有:

$P(|X - 2Y| \leq 4) \geq$  ( )

(A) 1/8;                      (B) 3/8;                      (C) 5/8;                      (D) 7/8.

4. 将一枚硬币重复掷  $n$  次, 以  $X$  和  $Y$  分别表示正、反面向上的次数, 则  $X$  和  $Y$  的相关系数等于 ( )

(A) 1;                      (B) -1;                      (C) 0;                      (D)  $\frac{1}{2}$ .

5. 设学子超市单位时间来购物的人数  $X$  服从参数为 2 的泊松分布, 每个进超市的人独立地以概率 0.6 购物超过 80 元,  $Y$  表示购物超过 80 元的人数, 下面结果正确的是 ( )

(A)  $P(Y \leq 1) = 3e^{-2}$ ;                      (B)  $P(Y = 1 | X = 3) = 0.096$ ;

(C)  $P(Y = 2) = 0.72e^{-1.2}$ ;                      (D)  $P(Y \leq 1 | X = 3) = 0.16$ .

三、(9 分) 今从装有一等品 2 件, 二等品 4 件的甲箱子中任取 2 件产品, 然后将 2 件产品放入含有 3 件一等品 2 件二等品的乙箱中, 再从乙箱中任取 1 件产品, 求:

(1) 从乙箱中取到 1 件一等品的概率;

(2) 已知从乙箱中取出 1 件一等品的条件下, 从甲箱中取出 1 件一等品和 1 件二等品的概率.

姓名

学号

班号

学院

密

封

线

四、(9分) 随机变量  $X \sim \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ \frac{1}{4} & \frac{3}{4} \end{pmatrix}$ ,  $Y \sim \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ \frac{1}{4} & \frac{3}{4} \end{pmatrix}$ ,  $E(XY) = \frac{5}{8}$ ,

求 (1) 二维随机变量  $(X, Y)$  的分布列; (2)  $P(X+Y \leq 1)$ ; (3)  $E(\max(X, Y))$ .

五、(9分) 设随机变量  $X$  的概率密度  $f(x) = \begin{cases} x & 0 \leq x < 1, \\ 2-x & 1 \leq x < 2, \\ 0 & \text{其他} \end{cases}$

- (1) 求  $X$  的分布函数; (2) 求  $Y = 1 - \sqrt[3]{X}$  的概率密度;  
(3) 在  $n$  次独立观测中, 求  $X$  的值至少有一次小于 1.5 的概率.

---

六、(8分) 设二维随机变量  $(X, Y)$  的概率密度为  $f(x, y) = \begin{cases} Ay(1-x), & 0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq x \\ 0, & \text{其他} \end{cases}$

- 求 (1) 常数  $A$ ; (2)  $X$  和  $Y$  的边缘概率密度; (3) 判断  $X$  和  $Y$  是否独立;  
(4)  $Z = X + Y$  的概率密度.

七、(5分) 设  $(X, Y)$  是二维随机变量,  $X$  的边缘概率密度为  $f_X(x) = \begin{cases} 4xe^{-2x}, & x > 0 \\ 0, & x < 0 \end{cases}$ , 在给定

$X = x > 0$  的条件下, 随机变量  $Y$  在  $(0, x)$  上服从均匀分布.

- 求 (1)  $(X, Y)$  的概率密度, (2)  $Y$  的边缘概率密度, (3) 在  $Y=1$  时, 随机变量  $X$  的条件概率密度, (4)  $P(0 < X < 2 | Y=1)$ .